

B12T1 1. Schulaufgabe am 19.11.13

1.1.1
$$-\frac{1}{9}(x^3 + kx^2 - 3kx - 27) : (x-3) = -\frac{1}{9}(x^2 + 3x + kx + 9)$$

$$\begin{array}{r} (5) \quad -\frac{1}{9}(x^3 + kx^2 - 3kx - 27) : (x-3) = -\frac{1}{9}(x^2 + 3x + kx + 9) \\ \underline{-(x^3 - 3x^2)} \\ 3x^2 + kx^2 - 3kx - 27 \\ \underline{-(3x^2 - 9x)} \\ kx^2 + 9x - 3kx - 27 \\ \underline{-(kx^2 - 3kx)} \\ 9x - 27 \\ \underline{-(9x - 27)} \\ - \end{array}$$

PD gilt auf $\Rightarrow x_0 = 3$ ist NST

1.1.2 $x^2 + (k+3)x + 9 = 0$

- 8 {
- 4 {
- ③ $D = (k+3)^2 - 4 \cdot 9 = k^2 + 6k + 9 - 36 = k^2 + 6k - 27 = (k+9)(k-3)$
- ① $k_1 = -9; k_2 = 3$ für $k \in \{-9; 3\}$ genau 2 SP. (i.A.)
- 4 {
- ① SOFA: $x_0 = x_{2/3}$:
- ② $9 + (k+3) \cdot 3 + 9 = 0 \Leftrightarrow k+3 = -\frac{18}{3} = -6 \Leftrightarrow k = -9$
- ① Dann $x_0 = x_{2/3}$: eine NST insges. \Rightarrow Genau 2 NST für $k=3$

1.1.3 $f'_k(x) = -\frac{1}{9}(3x^2 + 2kx - 3k)$; ① $m_T = f'_k(0) = -\frac{1}{9}(-3k) = \frac{1}{3}k$

④ $f_k(0) = b = -\frac{1}{9}(-27) = 3 \Rightarrow t_k(x) = \frac{1}{3}kx + 3$

Geradenbüschel durch $B(0|3)$

1.2.1 $f'(x) = -\frac{1}{9}(3x^2 + 6x - 9) = -\frac{1}{3}(x^2 + 2x - 3) = -\frac{1}{3}(x+3)(x-1)$

⑧

VZ v. f' auf G_f

$x_1 = -3$ m.VZW $x_2 = 1$ m.VZW

① $-$ 0 $+$ 0 $-$

② \swarrow \searrow

$f(-3) = 0 \Rightarrow$ TP(-3|0) ① G_f ist stuf für $x \in]-\infty; -3]$

$f(1) = \frac{32}{9} \Rightarrow$ HOP(1 | $\frac{32}{9}$) ① G_f ist smf für $x \in]1; \infty$

G_f ist smf für $x \in [-3; 1]$ ①, ②, ③, ④, ⑤

$f''(x) = -\frac{1}{3}(2x + 2) = 0 \Rightarrow x_w = -1$ (m.VZW) ①, ②

$f(-1) = \frac{18}{9} \Rightarrow$ WEP(-1 | $\frac{18}{9}$) ①

⑤ 1.2.2 $t(x) = x + 3$; G_t und G_f

④ 1.2.3 $x_{TEP} = -3$; $x_{HOP} = 3$; Verlauf v. G_f

2.0 Geg: $A(1|2|3)$; $B(0|1|7)$; $C(2|0|5)$

2.1

$$\vec{AB} = \begin{pmatrix} 0-1 \\ 1-2 \\ 7-3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ 4 \end{pmatrix}; \quad \vec{AC} = \begin{pmatrix} 2-1 \\ 0-2 \\ 5-3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 2 \end{pmatrix}$$

$$F = \frac{1}{2} \left| \begin{pmatrix} -1 \\ -1 \\ 4 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 2 \end{pmatrix} \right| = \frac{1}{2} \left| \begin{pmatrix} -2+8 \\ 4+2 \\ 2+1 \end{pmatrix} \right| = \frac{1}{2} \left| \begin{pmatrix} 6 \\ 6 \\ 3 \end{pmatrix} \right|$$

3,5 $F = \frac{1}{2} \sqrt{36+36+9} = \frac{1}{2} \sqrt{81} \Rightarrow F = 4,5 \text{ [FE]}$

⑦

$$|\vec{AB}| = \sqrt{1+1+16} = \sqrt{18} = 3\sqrt{2}; \quad |\vec{AC}| = \sqrt{1+4+4} = 3$$

3,5 $\vec{AB} \circ \vec{AC} = -1+2+8 = 9$

$$\alpha = \cos^{-1} \left(\frac{\vec{AB} \circ \vec{AC}}{|\vec{AB}| \cdot |\vec{AC}|} \right) = \cos^{-1} \left(\frac{9}{3\sqrt{2} \cdot 3} \right) = \cos^{-1} \left(\frac{1}{\sqrt{2}} \right) \Rightarrow \alpha = 45^\circ$$

2.2

③

$$V = \frac{1}{6} |(\vec{AB} \times \vec{AC}) \circ \vec{AS}| = \frac{1}{6} \left| \begin{pmatrix} 6 \\ 6 \\ 3 \end{pmatrix} \circ \begin{pmatrix} 5 \\ -1 \\ 6 \\ -2 \\ 5 \\ -3 \end{pmatrix} \right| = \frac{1}{6} \left| \begin{pmatrix} 6 \\ 6 \\ 3 \end{pmatrix} \circ \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \\ 2 \end{pmatrix} \right|$$

$$V = \frac{1}{6} |24+24+6| = \frac{1}{6} \cdot 54 \Rightarrow V = 9$$

2.3.1

③

Die Punkte liegen auf zwei Ebenen parallel zum $\triangle ABC$.
Sie haben den gleichen Abstand wie S vom $\triangle ABC$

2.3.2

④

$$V = \frac{1}{6} |(\vec{AB} \times \vec{AC}) \circ \vec{AP}_k| = 9; \quad \vec{AP}_k = \begin{pmatrix} 4+k & -1 \\ 8-2k & -2 \\ p_3 & -3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3+k \\ 6-2k \\ p_3-3 \end{pmatrix}$$

$$\left| \begin{pmatrix} 6 \\ 6 \\ 3 \end{pmatrix} \circ \begin{pmatrix} 3+k \\ 6-2k \\ p_3-3 \end{pmatrix} \right| = 54$$

$$\Leftrightarrow |6(3+k) + 6(6-2k) + 3(p_3-3)| = 54$$

$$\Leftrightarrow 18 + 6k + 36 - 12k + 3p_3 - 9 = 54 \quad \text{eine mögl. Lsg}$$

$$\Leftrightarrow 3p_3 = 9 + 6k \Leftrightarrow p_3 = 3 + 2k$$